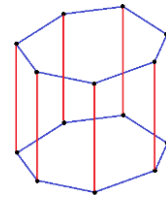


26.1.

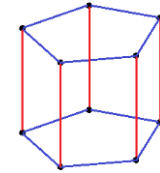
Liczba krawędzi podstawy: $7 + 7 = 14$
Liczba krawędzi bocznych: 7
Liczba wszystkich krawędzi: $14 + 7 = 21$



Odp. C

26.2.

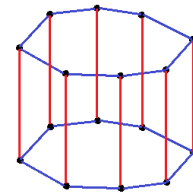
Liczba krawędzi podstawy: $5 + 5 = 10$
Liczba krawędzi bocznych: 5
Liczba wszystkich krawędzi: $10 + 5 = 15$



Odp. D

26.3.

Liczba krawędzi podstawy: $8 + 8 = 16$
Liczba krawędzi bocznych: 8
Liczba wszystkich krawędzi: $16 + 8 = 24$



Odp. C

26.4. Graniastosłup sześciokątny ma p krawędzi. Wtedy

Liczba krawędzi podstawy: $6 + 6 = 12$
Liczba krawędzi bocznych: 6
Liczba wszystkich krawędzi: $12 + 6 = 18$, zatem $p = 18$, więc $p > 12$.

Odp. D

26.5. W graniastosłupie prawidłowym stukątnym liczba wszystkich krawędzi jest równa:

Liczba krawędzi podstawy: $100 + 100 = 200$
Liczba krawędzi bocznych: 100
Liczba wszystkich krawędzi: $100 + 200 = 300$

Odp. B

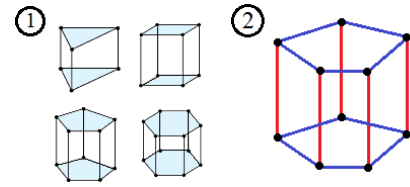
26.6.

Każdy graniastosłup ma **dwie ściany podstawy** (rys. 1).

Liczba **ścian bocznych** to $7 - 2 = 5$.

Liczba ścian bocznych równa 5 jest równoznaczna z tym, że graniastosłup ma **5 krawędzi bocznych** (rys. 2), a to oznacza że ma $5 + 5 + 5 = 15$ krawędzi.

Odp. **A**

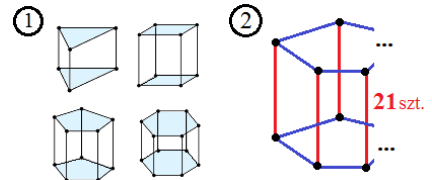
**26.7.**

Każdy graniastosłup ma **dwie ściany podstawy** (rys. 1).

Liczba **ścian bocznych** to $23 - 2 = 21$.

Liczba ścian bocznych równa 21 jest równoznaczna z tym, że graniastosłup ma **21 krawędzi bocznych** (rys. 2), a to oznacza że ma $21 + 21 + 21 = 63$ krawędzie.

Odp. **B**

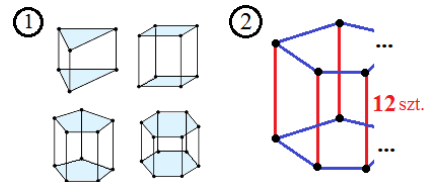
**26.8.**

Każdy graniastosłup ma **dwie ściany podstawy** (rys. 1).

Liczba **ścian bocznych** to $14 - 2 = 12$.

Liczba ścian bocznych równa 12 jest równoznaczna z tym, że graniastosłup ma **12 krawędzi bocznych** (rys. 2), a to oznacza że ma $12 + 12 + 12 = 36$ krawędzi.

Odp. **B**

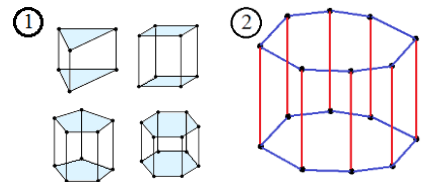
**26.9.**

Każdy graniastosłup ma **dwie ściany podstawy** (rys. 1).

Liczba **ścian bocznych** to $10 - 2 = 8$.

Liczba ścian bocznych równa 8 jest równoznaczna z tym, że graniastosłup ma **8 krawędzi bocznych** (rys. 2), a to oznacza że ma $8 + 8 + 8 = 24$ krawędzie.

Odp. **B**

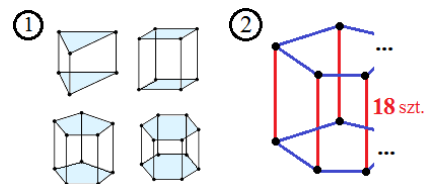
**26.10.**

Każdy graniastosłup ma **dwie ściany podstawy** (rys. 1).

Liczba **ścian bocznych** to $20 - 2 = 18$.

Liczba ścian bocznych równa 18 jest równoznaczna z tym, że graniastosłup ma **18 krawędzi bocznych** (rys. 2), a to oznacza że ma $18 + 18 + 18 = 54$ krawędzie.

Odp. **D**



26.11.

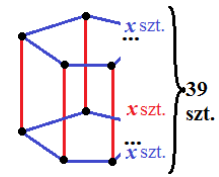
Graniastosłup ma:

x krawędzi górnej podstawy

x krawędzi bocznych

x krawędzi dolnej podstawy

Łącznie $3x$ krawędzi, więc $3x = 39$, stąd $x = 13$.



Odp. A

26.12.

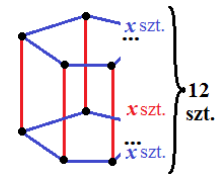
x krawędzi górnej podstawy

x krawędzi bocznych

x krawędzi dolnej podstawy

Łącznie $3x$ krawędzi, więc $3x = 12$, stąd $x = 4$.

Obliczone $x = 4$ oznacza, że podstawą tego graniastosłupa jest kwadrat.



Odp. B

26.13.

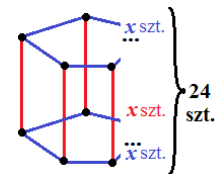
Graniastosłup ma:

x krawędzi górnej podstawy

x krawędzi bocznych

x krawędzi dolnej podstawy

Łącznie $3x$ krawędzi, więc $3x = 24$, stąd $x = 8$.



Odp. C

26.14.

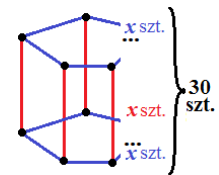
Graniastosłup ma:

x krawędzi górnej podstawy

x krawędzi bocznych

x krawędzi dolnej podstawy

Łącznie $3x$ krawędzi, więc $3x = 30$, stąd $x = 10$.



Odp. A

26.15.

Graniastosłup ma:

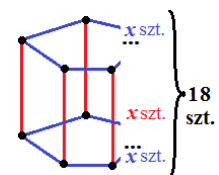
x krawędzi górnej podstawy

x krawędzi bocznych

x krawędzi dolnej podstawy

Łącznie $3x$ krawędzi, więc $3x = 18$, stąd $x = 6$.

Obliczone $x = 6$ oznacza, że graniastosłup prawidłowy ma w podstawie sześciokąt foremny.



Odp. A

26.16.

Rozwiązanie I:

W graniastosłupie n -kątnym:

$2n$ – wierzchołki (n wierzchołków górnej podstawy i n wierzchołków dolnej podstawy)

$n+2$ – ściany (n ścian bocznych i 2 ściany podstawy: górna i dolna)

Wówczas, z treści zadania wynika równanie $\frac{2n}{n+2} = \frac{3}{2}$, które rozwiązujemy:

$$\frac{2n}{n+2} = \frac{3}{2} \quad \rightarrow \quad \text{mnożymy równanie „na krzyż”}$$

$$2n \cdot 2 = 3 \cdot (n+2)$$

$$4n = 3n + 6$$

$$4n - 3n = 6$$

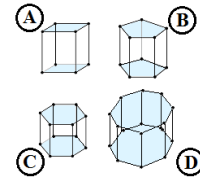
$$n = 6$$

Odp. C

Rozwiązanie II:

Sprawdzamy, w którym przypadku liczba wierzchołków podzielona przez

liczbę ścian będzie równa $\frac{3}{2}$, czyli 1,5.



A: graniastosłup 4-kątny ma 8 wierzchołków oraz 6 ścian: $\frac{8}{6} \approx 1,33 \neq 1,5$.

B: graniastosłup 5-kątny ma 10 wierzchołków oraz 7 ścian, zatem $\frac{10}{7} \approx 1,43 \neq 1,5$.

C. graniastosłup 6-kątny ma 12 wierzchołków oraz 8 ścian, zatem $\frac{12}{8} = 1,5$.

D. graniastosłup 8-kątny ma 16 wierzchołków oraz 10 ścian, zatem $\frac{16}{10} = 1,6 \neq 1,5$.

W przypadku odp. C stosunek liczby wierzchołków do liczby ścian jest równy $\frac{3}{2} = 1,5$, więc odp. C jest poprawna.

26.17.

Rozwiązanie I:

W graniastosłupie n -kątnym:

$n+2$ – ściany (n ścian bocznych i 2 ściany podstawy: górna i dolna)

$3n$ – krawędzie (n krawędzi dolnej podstawy, n bocznych, n krawędzi górnej podstawy)

Wówczas, z treści zadania wynika, że stosunek liczby ścian do liczby krawędzi wynosi $1 : 2$,

więc rozwiązujemy równanie $\frac{n+2}{3n} = \frac{1}{2}$.

$$\frac{n+2}{3n} = \frac{1}{2} \quad \rightarrow \quad \text{mnożymy równanie „na krzyż”}$$

$$3n \cdot 1 = 2 \cdot (n+2)$$

$$3n = 2n + 4$$

$$3n - 2n = 4$$

$$n = 4$$

Odp. **B**

Rozwiązanie II:

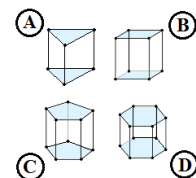
Sprawdzamy, w którym przypadku liczba ścian będzie 2 razy mniejsza niż liczba krawędzi.

A: graniastosłup 3-kątny ma 5 ścian oraz 9 krawędzi.

B: graniastosłup 4-kątny ma 6 ścian oraz 12 krawędzi.

C: graniastosłup 5-kątny ma 7 ścian oraz 15 krawędzi.

D: graniastosłup 6-kątny ma 8 ścian oraz 18 krawędzi.



W przypadku odp. B, liczba 6 jest 2 razy mniejsza niż liczba 12.

Oznacza to, że odp. **B** jest poprawna.

26.18.

Rozwiązanie I:

W graniastosłupie n -kątnym:

n – krawędzie boczne

$n+2$ – ściany (n ścian bocznych + 2 ściany podstawy)

Z treści zadania wynika, że stosunek krawędzi bocznych do liczby ścian 4 : 5, więc

rozwiązujemy równanie $\frac{n}{n+2} = \frac{4}{5}$.

$$\frac{n}{n+2} = \frac{4}{5} \quad \rightarrow \quad \text{mnożymy równanie „na krzyż”}$$

$$5n = 4 \cdot (n+2)$$

$$5n = 4n + 8$$

$$5n - 4n = 8$$

$$n = 8$$

Odp. D

Rozwiązanie II:

Sprawdzamy, w którym przypadku liczba krawędzi bocznych podzielona

przez liczbę ścian będzie równa $\frac{4}{5} = 0,8$.

A: graniastosłup 5-kątny ma 5 krawędzi bocznych oraz 7 ścian:

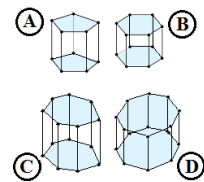
$$\frac{5}{7} \approx 0,71 \neq 0,8.$$

B: graniastosłup 6-kątny ma 6 krawędzi bocznych oraz 8 ścian: $\frac{6}{8} = 0,75 \neq 0,8$.

C. graniastosłup 7-kątny ma 7 krawędzi bocznych oraz 9 ścian: $\frac{7}{9} = 0,77777... \neq 0,8$.

D. graniastosłup 8-kątny ma 8 krawędzi bocznych oraz 10 ścian: $\frac{8}{10} = 0,8$.

W przypadku odp. D stosunek liczby krawędzi bocznych do liczby ścian jest równy 0,8, więc odp. D jest poprawna.



26.19.

Rozwiązanie I:

W graniastosłupie n -kątnym:

$n+2$ – ściany (n ścian bocznych i 2 ściany podstawy: górna i dolna)

$3n$ – krawędzie (n krawędzi dolnej podstawy, n bocznych, n krawędzi górnej podstawy)

Wówczas, z treści zadania wynika, że stosunek liczby ścian do liczby krawędzi wynosi $4 : 9$,

więc rozwiązujemy równanie $\frac{n+2}{3n} = \frac{4}{9}$.

$$\frac{n+2}{3n} = \frac{4}{9} \quad \rightarrow \quad \text{mnożymy równanie „na krzyż”}$$

$$3n \cdot 4 = 9 \cdot (n+2)$$

$$12n = 9n + 18$$

$$12n - 9n = 18$$

$$3n = 18 \quad | : 3$$

$$n = 6$$

Odp. **D**

Rozwiązanie II:

Sprawdzamy, w którym przypadku liczba ścian podzielona przez liczbę

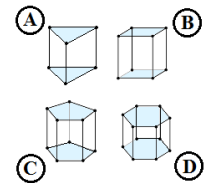
krawędzi będzie równa $\frac{4}{9} = 0,44444\dots$

A: graniastosłup 3-kątny ma 5 ścian oraz 9 krawędzi; $\frac{5}{9} = 0,555\dots \neq 0,444\dots$

B: graniastosłup 4-kątny ma 6 ścian oraz 12 krawędzi; $\frac{6}{12} = 0,5\dots \neq 0,444\dots$

C: graniastosłup 5-kątny ma 7 ścian oraz 15 krawędzi; $\frac{7}{15} = 0,46666\dots \neq 0,444\dots$

D: graniastosłup 6-kątny ma 8 ścian oraz 18 krawędzi; $\frac{8}{18} = 0,44444\dots$



W przypadku odp. D uzyskujemy wynik $0,44444\dots$, zatem odp. **D** jest poprawna.

26.20.

Graniastosłup n -kątny:

$n+2$ – liczba ścian

$2n$ – liczba wierzchołków

$\frac{n+2}{2n} = \frac{3}{5} \quad \rightarrow$ z tego równania wynika, że liczba ścian do liczby wierzchołków to 3:5

$$2n \cdot 3 = 5 \cdot (n + 2)$$

$$6n = 5n + 10$$

$$6n - 5n = 10$$

$$n = 10$$

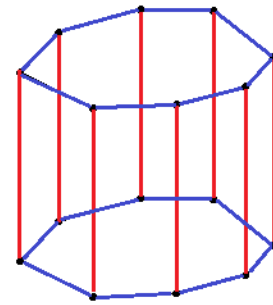
Odp. A

26.21.

Graniastosłup 8-kątny ma:
 $8+8+8 = 24$ krawędzie
oraz
 $8+8 = 16$ wierzchołków

Zatem iloczyn $24 \cdot 16 = 384$.

Odp. C

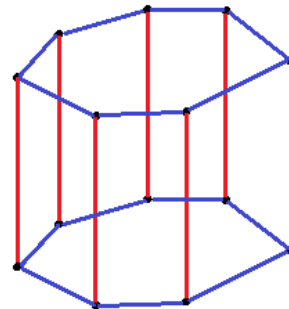


26.22.

Graniastosłup 7-kątny ma:
 $7+2 = 9$ ścian
oraz
 $7+7 = 14$ wierzchołków

Zatem suma $9 + 14 = 23$.

Odp. B



26.23.

Graniastosłup 11-kątny ma:
 $11+11+11 = 33$ krawędzie
 $11+2 = 13$ ścian
Różnica wynosi $33 - 13 = 20$.
Odp. C

26.24.

Graniastosłup 6-kątny ma:
 $6+6 = 12$ wierzchołków
6 ścian bocznych
Iloczyn wynosi $12 \cdot 6 = 72$.
Odp. A

26.25.

Graniastosłup 9-kątny ma:
 $9+9+9 = 27$ krawędzi
 $9+9 = 18$ wierzchołków
Suma wynosi $27 + 18 = 45$.

Odp. C

26.26.

Obliczamy $28 : 2 = 14$, więc ostrosłup ma 14 krawędzi podstawy oraz 14 krawędzi bocznych. Ostrosłup mający 14 krawędzi bocznych ma 14 ścian bocznych + 1 ścianę podstawy (jak w każdym ostrosłupie), razem 15 ścian.

Odp. B

26.27.

Obliczamy $42 : 2 = 21$, więc ostrosłup ma 21 krawędzi podstawy oraz 21 krawędzi bocznych. Ostrosłup mający 21 krawędzi bocznych ma 21 ścian bocznych, więc $p = 21$.

Odp. B

26.28.

Obliczamy $34 : 2 = 17$, więc ostrosłup ma 17 krawędzi podstawy oraz 17 krawędzi bocznych. Ostrosłup mający 17 krawędzi bocznych ma 17 ścian bocznych.

Odp. A

26.29.

Obliczamy $12 : 2 = 6$, więc ostrosłup ma 6 krawędzi podstawy oraz 6 krawędzi bocznych. Ostrosłup mający 6 krawędzi bocznych ma 6 ścian bocznych.

Odp. A

26.30.

Obliczamy $44 : 2 = 22$, więc ostrosłup ma 22 krawędzi podstawy oraz 22 krawędzi boczne. Ostrosłup mający 22 krawędzi boczne ma 22 ściany boczne + 1 ścianę podstawy (jak w każdym ostrosłupie), razem 23 ściany.

Odp. C

26.31.

19 ścian = 18 ścian bocznych + 1 podstawa

18 ścian bocznych powoduje, że w podstawie jest **18-stokąt**.

Mamy **18 wierzchołków podstawy + 1 górny wierzchołek = 19 wierzchołków**.

Odrzucamy odpowiedzi B i D.

18-stokąt w podstawie sprawia, że mamy **18 krawędzi podstawy** oraz **18 krawędzi bocznych**, razem **36 krawędzi**.

Odp. C

26.32.

2018 ścian bocznych sprawia, że w podstawie jest **2018-stokąt**.

2018-stokąt w podstawie powoduje, że mamy **2018 wierzchołków podstawy + 1 górny wierzchołek = 2019 wierzchołków**.

Odp. C

26.33.

13 ścian bocznych sprawia, że w podstawie jest **13-stokąt**.

13-stokąt w podstawie powoduje, że mamy **13 krawędzi podstawy + 13 krawędzi bocznych = 26 krawędzi**.

Odp. B

26.34.

43 ściany = 42 ściany boczne + 1 podstawa

42 ściany boczne sprawiają, że podstawą ostrosłupa jest **42-kąt**.

42-kąt w podstawie powoduje, że mamy **42 wierzchołki podstawy + 1 górny wierzchołek = 43 wierzchołki**.

Odp. A

26.35.

Wspomniane w treści zadania **9 ścian** muszą być **ścianami bocznymi** ostrosłupa.

9 ścian bocznych powoduje, że **podstawą ostrosłupa** musi być **9-ciokąt**.

9-kąt w podstawie sprawia, że mamy **9 wierzchołków podstawy + 1 górny wierzchołek**.

Razem **10 wierzchołków**.

Odp. C

26.36.

Z treści zadania wynika następujące równanie:

$$2n + n + 1 = 19 \quad \rightarrow \quad \text{wyliczamy } n$$

$$3n + 1 = 19$$

$$3n = 19 - 1$$

$$3n = 18 \quad | : 3$$

$$n = 6$$

Liczba wszystkich ścian wynosi $n+1$, więc $n+1 = 6+1 = 7$.

Odp. C

Ostrosłup n -kątny	
n	- liczba krawędzi podstawy
n	- liczba krawędzi bocznych
$2n$	- liczba wszystkich krawędzi
n	- liczba wierzchołków podstawy
$n+1$	- liczba wszystkich wierzchołków
n	- liczba ścian bocznych
$n+1$	- liczba wszystkich ścian

26.37.

Z treści zadania wynika następujące równanie:

$$2n + n + 1 + n = 2017 \quad \rightarrow \quad \text{wyliczamy szukane } n$$

$$4n + 1 = 2017$$

$$4n = 2017 - 1$$

$$4n = 2016 \quad | : 4$$

$$n = 504$$

Odp. D

Ostrosłup n -kątny	
n	- liczba krawędzi podstawy
n	- liczba krawędzi bocznych
$2n$	- liczba wszystkich krawędzi
n	- liczba wierzchołków podstawy
$n+1$	- liczba wszystkich wierzchołków
n	- liczba ścian bocznych
$n+1$	- liczba wszystkich ścian

26.38.

Z treści zadania wynika następujące równanie:

$$n+1 + 2n = 28 \quad \rightarrow \quad \text{wyliczamy szukane } n$$

$$3n + 1 = 28$$

$$3n = 28 - 1$$

$$3n = 27 \quad | : 3$$

$$n = 9$$

Wyliczone $n = 9$ sprawia, że podstawa ostrosłupa jest **dziwięciokątem**.

Odp. C

Ostrosłup n -kątny	
n	- liczba krawędzi podstawy
n	- liczba krawędzi bocznych
$2n$	- liczba wszystkich krawędzi
n	- liczba wierzchołków podstawy
$n+1$	- liczba wszystkich wierzchołków
n	- liczba ścian bocznych
$n+1$	- liczba wszystkich ścian

26.39.

Z treści zadania wynika następujące równanie:

$$n+1 + n+1 = 28 \quad \rightarrow \quad \text{wyliczamy } n$$

$$2n + 2 = 28$$

$$2n = 28 - 2$$

$$2n = 26 \quad | : 2$$

$$n = 13$$

Liczba wszystkich krawędzi wynosi $2n$, więc $2 \cdot 13 = 26$.

Odp. C

Ostrosłup n -kątny	
n	- liczba krawędzi podstawy
n	- liczba krawędzi bocznych
$2n$	- liczba wszystkich krawędzi
n	- liczba wierzchołków podstawy
$n+1$	- liczba wszystkich wierzchołków
n	- liczba ścian bocznych
$n+1$	- liczba wszystkich ścian

26.40.

Z treści zadania wynika następujące równanie:

$$2n + n + 1 = 13 \quad \rightarrow \quad \text{wyliczamy } n$$

$$3n + 1 = 13$$

$$3n = 13 - 1$$

$$3n = 12 \quad | : 3$$

$$n = 4$$

Wówczas liczba wierzchołków wynosi $n + 1 = 4 + 1 = 5$.

Odp. **B**

Ostrosłup n -kątny	
n	- liczba krawędzi podstawy
n	- liczba krawędzi bocznych
$2n$	- liczba wszystkich krawędzi
n	- liczba wierzchołków podstawy
$n + 1$	- liczba wszystkich wierzchołków
n	- liczba ścian bocznych
$n + 1$	- liczba wszystkich ścian

26.41.

Z treści zadania wynika następujące równanie, które rozwiązujemy:

$$\frac{2n}{n+1} = \frac{7}{4} \quad \rightarrow \quad \text{mnożymy równanie „na krzyż”}$$

$$2n \cdot 4 = 7 \cdot (n+1)$$

$$8n = 7n + 7$$

$$8n - 7n = 7$$

$$n = 7$$

Dla obliczonego $n = 7$ liczba ścian jest równa $n+1 = 7+1 = 8$.

Odp. A

Ostrosłup n -kątny	
n	- liczba krawędzi podstawy
n	- liczba krawędzi bocznych
$2n$	- liczba wszystkich krawędzi
n	- liczba wierzchołków podstawy
$n+1$	- liczba wszystkich wierzchołków
n	- liczba ścian bocznych
$n+1$	- liczba wszystkich ścian

26.42.

Z treści zadania wynika następujące równanie, które rozwiązujemy:

$$\frac{n+1}{2n} = 0,55 \quad | \cdot 2n$$

$$n+1 = 0,55 \cdot 2n$$

$$n+1 = 1,1n$$

$$n - 1,1n = -1$$

$$-0,1n = -1 \quad | : (-0,1)$$

$$n = 10$$

Dla obliczonego $n = 10$ liczba wierzchołków jest równa $n+1 = 10+1 = 11$.

Odp. **B**

Ostrosłup n -kątny	
n	- liczba krawędzi podstawy
n	- liczba krawędzi bocznych
$2n$	- liczba wszystkich krawędzi
n	- liczba wierzchołków podstawy
$n+1$	- liczba wszystkich wierzchołków
n	- liczba ścian bocznych
$n+1$	- liczba wszystkich ścian

26.43.

Z treści zadania wynika następujące równanie, które rozwiązujemy:

$$\frac{n+1}{n} = \frac{5}{4} \quad \rightarrow \quad \text{mnożymy równanie „na krzyż”}$$

$$5n = 4 \cdot (n+1)$$

$$5n = 4n + 4$$

$$5n - 4n = 4$$

$$n = 4$$

Zatem **liczba krawędzi bocznych** ostrosłupa jest równa **$n = 4$** .

Odp. **A**

Ostrosłup n -kątny	
n	- liczba krawędzi podstawy
n	- liczba krawędzi bocznych
$2n$	- liczba wszystkich krawędzi
n	- liczba wierzchołków podstawy
$n+1$	- liczba wszystkich wierzchołków
n	- liczba ścian bocznych
$n+1$	- liczba wszystkich ścian

26.44.

Z treści zadania wynika następujące równanie, które rozwiązujemy:

$$\frac{2n}{n+1} = 1,875 \quad | \cdot (n+1)$$

$$2n = 1,875 \cdot (n+1)$$

$$2n = 1,875n + 1,875$$

$$2n - 1,875n = 1,875$$

$$0,125n = 1,875 \quad | : 0,125$$

$$n = \frac{1,875}{0,125} = \mathbf{15}$$

Obliczone $n = 15$ sprawia, że ostrosłup jest **piętnastokątny**.

Odp. A

Ostrosłup n -kątny	
n	- liczba krawędzi podstawy
n	- liczba krawędzi bocznych
$2n$	- liczba wszystkich krawędzi
n	- liczba wierzchołków podstawy
$n+1$	- liczba wszystkich wierzchołków
n	- liczba ścian bocznych
$n+1$	- liczba wszystkich ścian

26.45.

Z treści zadania wynika następujące równanie, które rozwiązujemy:

$$\frac{n+1}{2n} = \frac{3}{5} \quad \rightarrow \quad \text{mnożymy równanie „na krzyż”}$$

$$2n \cdot 3 = 5 \cdot (n+1)$$

$$6n = 5n + 5$$

$$6n - 5n = 5$$

$n = 5$, zatem ostrosłup jest **pięciokątny** (ma pięciokąt w podstawie).

Odp. C

Ostrosłup n -kątny	
n	- liczba krawędzi podstawy
n	- liczba krawędzi bocznych
$2n$	- liczba wszystkich krawędzi
n	- liczba wierzchołków podstawy
$n+1$	- liczba wszystkich wierzchołków
n	- liczba ścian bocznych
$n+1$	- liczba wszystkich ścian